

化抽象为具体也谈高考数学中数列复习 PDF转换可能丢失图片或格式，建议阅读原文

https://www.100test.com/kao_ti2020/106/2021_2022__E5_8C_96_E6_8A_BD_E8_B1_A1_E4_c65_106066.htm 有位叫“克洛伊”的博客觉得学习数列有困难，我回忆了一下当时教女儿数列部分时的情况，觉得“克洛伊”的情况可能不是个别现象，很多学生对解答数列的题目都有困难。数列是高中数学里比较特别的一个部分。之所以特别，就在于抽象的成分比较多。试看例题：设数列 $\{a_n\}$ 是公比 $q>0$ 的等比数列， S_n 是它的前 n 项和。若 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = 7$ ，则此数列的首项 a_1 的取值范围是_____。我认为，有的学生之所以觉得数列难，主要是数列里频繁出现的 n 造成的。高中数学其它部分，大都是解决一些可直观的问题。如函数，有表达式，有直观图形；立体几何更是直观。而数列的 n 是对具体的一组排列的数抽象后产生出来的，这就使得一些抽象思维能力教弱的学生产生了困难（有的人抽象思维能力强，有的形象思维能力强，都很正常）。我女儿就是那种抽象思维能力较弱的学生，我在教她理解数列的方法是：尽量把问题化成具体直观的现象再加以解决。如看见数列 $\{a_n\} = 2n^2$ ，她在思考时可能就会模糊，那就把这个数列写出来，如：2，8，18，32，50，72……这样看上去就直观了，思考由抽象变成具体，对她来说就容易多了。例题一：在等差数列 $\{a_n\}$ 中， $a_5=3$ ， $a_6=-2$ ，则 $a_4 a_5 a_6 \dots \dots a_{10} =$ _____。（2003年上海高考题）通常解法：由 a_5, a_6 得出 $a_7 = -7$ ， a_7 为 a_4 到 a_{10} 的中项，所以上式 $= a_7 \times 7 = -49$ 女儿的解法： $a_5=3, a_6=-2$ ，所以公差 $d=-5$ ，则此数列 a_4 到 a_{10} 项为：8，3，-2，-7，-12，-17，-22加起来，就是答案

喽。消除了问题里的 n ，我发现女儿思考起来容易多了。例题二：设数列 $\{a_n\}$ 是公比 $q>0$ 的等比数列， S_n 是它的前 n 项和。若 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = 7$ ，则此数列的首项 a_1 的取值范围是_____。（2001年上海高考题）这是一个无穷项等比数列的问题，头脑中应该马上跳出无穷项等比数列和的公式（这是基本功，我有讲过，公式要背的滚瓜烂熟） $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = a_1/(1-q) = 7$ ，条件是 $|q| < 1$ ，这样问题就变成了解 $a_1/(1-q) = 7$ ， $|q| < 1$ ， $q > 0$ 关于 a_1 和 q 的联立方程（不等式）问题了，解得 $a_1 \in (0, 7)$ 。

例题三：若在数列 $\{a_n\}$ 中， $a_1 = 3$ ，且 $a_{n+1} = (a_n)^2$ （ n 是正整数），则数列的通项 $a_n =$ _____。（2002年上海高考题）解：因为 $a_{n+1} = (a_n)^2$ ， $a_1 = 3$ ，所以 $a_2 = 3^2 = 9$ ， $a_3 = 9^2 = 81$ ， $a_4 = 81^2 = 6561$ ……因此待解问题变成了从数列 $3, 9, 81, 6561$ ……里找出规律。很显然，都是3的倍数，数列可以写成 $3, 3^2, 3^{2^2}, 3^{2^3}$ ……所以 $a_n = 3^{2^{n-1}}$ 。当然，高考数列问题不是都能排除了 n 来思考的，但在具体解答时，尽量把问题化成有具体意义的符号，对这部分学生还是有很大帮助的。

例题四：设等比数列 $\{a_n\}$ （ $n \in \mathbb{N}$ ）的公比 $q = -1/2$ ，且 $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_1 + a_3 + a_5 + \dots + a_{2n-1}) = 8/3$ ，则 $a_1 =$ _____。（2004年上海高考题）解：等比数列 $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ 的 $q = -1/2$ ，则数列 $a_1, a_3, a_5, \dots, a_{2n-1}$ 也是等比数列，等比 $q = 1/4$ 。（可以用下列假设数列帮助思考： $A_1, a_2, a_3, a_4, a_5, \dots$ 为 $1, -1/2, 1/4, -1/8, 1/16, \dots$ 则 a_1, a_3, a_5, \dots 为 $1, 1/4, 1/16, \dots$ ）再利用 $|q| < 1$ 的等比数列和的公式 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = a_1/(1-q)$ 得出： $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_1 + a_3 + a_5 + \dots + a_{2n-1}) = a_1/(1-q) = 8/3$ （注意 $q = 1/4$ ！）， $a_1 = 2$ 。以上只是我教女儿的一些经验。她是文科生，涉及到的数列题目可能难度不算大，这个方法不一定适合“克洛依”等学生。每个学生有自己的思维方法，但对那

些抽象思维有困难的学生，化抽象为具体不失为“以己之长，克彼之短”。毕竟，在高考这个竞争中，谁能最大限度地发挥自己的优势，谁就有可能赢得胜利。100Test 下载频道开通，各类考试题目直接下载。详细请访问 www.100test.com