

等级考试公共基础考点分析之数据结构与算法(9) PDF转换可能丢失图片或格式，建议阅读原文

https://www.100test.com/kao_ti2020/133/2021_2022__E7_AD_89_E7_BA_A7_E8_80_83_E8_c97_133603.htm

1.6 树与二叉树 考

点16 树的定义 树是由 n ($n \geq 0$)个结点组成的有限集合。若 $n = 0$

，称为空树；若 $n > 0$ ，则：

(1)有一个特定的称为根(root)的结点。它只有直接后件，但没有直接前件；

(2)除根结点以外的其他结点可以划分为 m ($m \geq 0$)个互不相交的有限集合 T_0, T_1

, ..., T_{m-1} ，每个集合 T_i ($i=0, 1, \dots, m-1$)又是一棵树，称为根的子树，每棵子树的根结点有且仅有一个直接前件，但可以有0个或多个直接后件。

树型结构具有如下特点：

(1)每个结点只有一个前件，称为父结点，没有前件的结点只有一个，称为树的根结点，简称为树的根；

(2)每一个结点可以有多个后件，它们都称为该结点的子结点。没有后件的结点称为叶子结点；

(3)一个结点所拥有的后件个数称为树的结点度；

(4)树的最大层次称为树的深度。在计算机中，可以用树结构来表示算术表达式，用树来表示算术表达式的原则是：

(1)表达式中的每一个运算符在树中对应一个结点，称为运算符结点；

(2)运算符的每一个运算对象在树中为该运算符结点的子树(在树中的顺序为从左到右)；

(3)运算对象中的单变量均为叶子结点。树在计算机中通常用多重链表表示。

考点17 二叉树的定义及其基本性质 1什么是二叉树 二叉树(binary tree)是由 n ($n \geq 0$)个结点的有限集合构成，此集合或者为空集，或者由一个根结点及两棵互不相交的左右子树组成，并且左右子树都是二叉树。二叉树可以是空集合，根可以有空的左子树或空的右子树。二叉树不是树的特殊情况，它们是两个

概念。二叉树具有如下两个特点：(1)非空二叉树只有一个根结点；(2)每一个结点最多有两棵子树，且分别称为该结点的左子树与右子树。二叉树的每个结点最多有两个孩子，或者说，在二叉树中，不存在度大于2的结点，并且二叉树是有序树(树为无序树)，其子树的顺序不能颠倒，因此，二叉树有5种不同的形态在二叉树中，一个结点可以只有左子树而没有右子树，也可以只有右子树而没有左子树。当一个结点既没有左子树也没有右子树时，该结点即是叶子结点)

2 二叉树的基本性质

性质1：在二叉树的第k层上至多有 2^{k-1} 个结点($k \geq 1$)。性质2：深度为m的二叉树至多有 $2^m - 1$ 个结点。深度为m的二叉树的最大的结点数是为二叉树中每层上的最大结点数之和，由性质1得到最大结点数。性质3：对任何一棵二叉树，度为0的结点(即叶子结点)总是比度为2的结点多一个。如果叶子结点数 n_0 ，度为2的结点数为 n_2 ，则 $n_0 = n_2 + 1$ 。设二叉树中度为1的结点数为 n_1 ，二叉树中总结点数为 N ，因为二叉树中所有结点均小于或等于2，所以有 $N = n_0 + n_1 + n_2$ (1) 再看二叉树中的分支数，除根结点外，其余结点都有一个进入分支，设 m 为二叉树中的分支总数，则有 $N = m + 1$ (2) 又由于二叉树中这 m 个分支是分别由非叶子结点射出的。其中度为1的每个结点射出1个分支，度为2的每个结点射出2个分支。因此，二叉树中所有度为1与度为2的结点射出的分支总数为 $n_1 + 2n_2$ ，而在二叉树中，总的射出分支数应与总的进入分支数相等，即 $m = n_1 + 2n_2$ (3) 将(3)代入(2)式有 $N = n_1 + 2n_2 + 1$ 比较(1)和(4)并化简得 $n_0 = n_2 + 1$ 性质4：具有 n 个结点的完全二叉树的深度至少为 $\lceil \log_2 n \rceil + 1$ ，其中 $\lceil \log_2 n \rceil$ 表示 $\log_2 n$ 的整数部分。

3 满二叉树与完全二叉树

(I) 满二叉树 满二叉树是指这样的一种二叉树：

除最后一层外，每一层上的所有结点都有两个子结点。深度为 k 的二叉树具有 2^k-1 个结点。即在满二叉树的第 k 层上有 2^{k-1} 个结点。从上面满二叉树定义可知，必须是二叉树的每一层上的结点数都达到最大，否则就不是满二叉树。深度为 m 的满二叉树有 2^m-1 个结点。(2)完全二叉树 完全二叉树是指这样的二叉树：除最后一层外，每一层上的结点数均达到最大值；在最后一层上只缺少右边的若干结点。 100Test 下载频道开通，各类考试题目直接下载。详细请访问 www.100test.com