

MBA线性代数复习方法与技巧 PDF转换可能丢失图片或格式，建议阅读原文

https://www.100test.com/kao_ti2020/203/2021_2022_MBA_E7_BA_BF_E6_80_A7_E4_c70_203038.htm MBA专用训练软件《百宝箱》

一、注重对基本概念的理解与把握，正确熟练运用基本方法及基本运算。线性代数的概念很多，重要的有：代数余子式，伴随矩阵，逆矩阵，初等变换与初等矩阵，正交变换与正交矩阵，秩(矩阵、向量组、二次型)，等价(矩阵、向量组)，线性组合与线性表出，线性相关与线性无关，极大线性无关组，基础解系与通解，解的结构与解空间，特征值与特征向量，相似与相似对角化，二次型的标准形与规范形，正定，合同变换与合同矩阵。往年常有考生没有准确把握住概念的内涵，也没有注意相关概念之间的区别与联系，导致做题时出现错误。例如，矩阵 $A = (\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_m)$ 与 $B = (\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_m)$ 等价，意味着经过初等变换可由A得到B，要做到这一点，关键是看秩 $r(A)$ 与 $r(B)$ 是否相等，而向量组 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_m$ 与 $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_m$ 等价，说明这两个向量组可以互相线性表出，因而它们有相同的秩，但是向量组有相同的秩时，并不能保证它们必能互相线性表出，也就得不出向量组等价的信息，因此，由向量组 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_m$ 与 $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_m$ 等价，可知矩阵 $A = (\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_m)$ 与 $B = (\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_m)$ 等价，但矩阵A与B等价并不能保证这两个向量组等价。又如，实对称矩阵A与B合同，即存在可逆矩阵C使 $CTAC = B$ ，要实现这一点，关键是二次型 $x^T Ax$ 与 $x^T Bx$ 的正、负惯性指数是否相同，而A与B相似是指有可逆矩阵P使 $P^{-1}AP = B$ 成立，进而知A与B有相同的特征值，如果

特征值相同可知正、负惯性指数相同，但正负惯性指数相同时，并不能保证特征值相同，因此，实对称矩阵 $A \sim BAB$ ，即相似是合同的充分条件。线性代数中运算法则多，应整理清楚不要混淆，基本运算与基本方法要过关，重要的有：行列式(数字型、字母型)的计算，求逆矩阵，求矩阵的秩，求方阵的幂，求向量组的秩与极大线性无关组，线性相关的判定或求参数，求基础解系，求非齐次线性方程组的通解，求特征值与特征向量(定义法，特征多项式基础解系法)，判断与求相似对角矩阵，用正交变换化实对称矩阵为对角矩阵(亦即用正交变换化二次型为标准形)。

二、注重知识点的衔接与转换，知识要成网，努力提高综合分析能力。线性代数从内容上看纵横交错，前后联系紧密，环环相扣，相互渗透，因此解题方法灵活多变，复习时应当常问自己做得对不对？再问做得好不好？只有不断地归纳总结，努力搞清内在联系，使所学知识融会贯通，接口与切入点多了，熟悉了，思路自然就开阔了。例如：设 A 是 $m \times n$ 矩阵， B 是 $n \times s$ 矩阵，且 $AB = 0$ ，那么用分块矩阵可知 B 的列向量都是齐次方程组 $Ax = 0$ 的解，再根据基础解系的理论以及矩阵的秩与向量组秩的关系，可以有 $r(B) \leq n - r(A)$ 即 $r(A) + r(B) \leq n$ 进而可求矩阵 A 或 B 中的一些参数再如，若 A 是 n 阶矩阵可以相似对角化，那么，用分块矩阵处理 $P^{-1}AP = \Lambda$ 可知 A 有 n 个线性无关的特征向量， P 就是由 A 的线性无关的特征向量所构成，再由特征向量与基础解系间的联系可知此时若 λ_i 是 n_i 重特征值，则齐次方程组 $(\lambda_i E - A)x = 0$ 的基础解系由 n_i 个解向量组成，进而可知秩 $r(\lambda_i E - A) = n - n_i$ ，那么，如果 A 不能相似对角化，则 A 的特征值必有重根且有特征值 λ_i 使秩 $r(\lambda_i E - A) < n - n_i$ ，若 A 是实对称矩

阵，则因A必能相似对角化而知对每个特征值 λ_i 必有 $r(\lambda_i E - A) = n - n_i$ ，此时还可以利用正交性通过正交矩阵来实现相似对角化。又比如，对于n阶行列式我们知道：若 $|A| = 0$ ，则 $Ax = 0$ 必有非零解，而 $Ax = b$ 没有惟一解(可能有无穷多解，也可能无解)，而当 $|A| \neq 0$ 时，可用克莱姆法则求 $Ax = b$ 的惟一解；可用 $|A|$ 证明矩阵A是否可逆，并在可逆时通过伴随矩阵来求 A^{-1} ；对于n个n维向量 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$ 可以利用行列式 $|A| = |\alpha_1 \alpha_2 \dots \alpha_n|$ 是否为零来判断向量组的线性相关性；矩阵A的秩 $r(A)$ 是用A中非零子式的最高阶数来定义的，若 $r(A) < r$ ，则A中r阶子式全为0；求矩阵A的特征值，可以通过计算行列式 $|\lambda E - A|$ ，若 $\lambda = 0$ 是A的特征值，则行列式 $|\lambda E - A| = 0$ ；判断二次型 $x^T A x$ 的正定性，可以用顺序主子式全大于零。凡此种种，正是因为线性代数各知识点之间有着千丝万缕的联系，代数题的综合性与灵活性就较大，同学们整理时要注重串联、衔接与转换。

三、注重逻辑性与叙述表述 线性代数对于抽象性与逻辑性有较高的要求，通过证明题可以了解考生对数学主要原理、定理的理解与掌握程度，考查考生的抽象思维能力、逻辑推理能力。大家复习整理时，应当搞清公式、定理成立的条件，不能张冠李戴，同时还应注意语言的叙述表达应准确、简明。线性代数中常见的证明题型有：证 $|A| = 0$ ；证向量组 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_t$ 的线性相关性，亦可引伸为证 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_t$ 是齐次方程组 $Ax = 0$ 的基础解系；证秩的等式或不等式；证明矩阵的某种性质，如对称，可逆，正交，正定，可对角化，零矩阵等；证齐次方程组是否有非零解；线性方程组是否有解(亦即 β 能否由 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_s$ 线性表出)；对给出

的两个方程组论证其同解性或有无公共解；证二次型的正定性，规范形等。总之，数学题目千变万化，有各种延伸或变式，同学们要在考试中取得好成绩，一定要认真仔细地复习，华而不实靠押题碰运气是行不通的，必须要重视三基，多思多议，不断地总结经验与教训，做到融会贯通。100Test 下载频道开通，各类考试题目直接下载。详细请访问 www.100test.com