

MBA数学提高2:数列之无敌解法 PDF转换可能丢失图片或格式，建议阅读原文

[https://www.100test.com/kao\\_ti2020/241/2021\\_2022\\_MBA\\_E6\\_95\\_B0\\_E5\\_AD\\_A6\\_E6\\_c70\\_241600.htm](https://www.100test.com/kao_ti2020/241/2021_2022_MBA_E6_95_B0_E5_AD_A6_E6_c70_241600.htm) 详细研读本篇数列解法和例题，可快速解决任何MBA数列问题。

基本数列是等差数列和等比数列。一、等差数列一个等差数列由两个因素确定：

首项 $a_1$ 和公差 $d$ 。得知以下任何一项，就可以确定一个等差数列（即求出数列的通项公式）：

1、首项 $a_1$ 和公差 $d$  2、数列前 $n$ 项和 $s(n)$ ，因为 $s(1)=a_1, s(n)-s(n-1)=a(n)$  3、任意两项 $a(n)$ 和 $a(m)$ ， $n, m$ 为已知数 等差数列的性质：

1、前 $N$ 项和为 $N$ 的二次函数（ $d$ 不为0时） 2、 $a(m)-a(n)=(m-n)*d$  3、正整数 $m$ 、 $n$ 、 $p$ 为等差数列时， $a(m)$ 、 $a(n)$ 、 $a(p)$ 也是等差数列 例题1

：已知 $a(5)=8, a(9)=16$ ，求 $a(25)$  解： $a(9)-a(5)=4*d=16-8=8$

$a(25)-a(5)=20*d=5*4*d=40$   $a(25)=48$  例题2：已

知 $a(6)=13, a(9)=19$ ，求 $a(12)$  解： $a(6)$ 、 $a(9)$ 、 $a(12)$ 成等差数列

$a(12)-a(9)=a(9)-a(6)$   $a(12)=2*a(9)-a(6)=25$  二、等比数列一个等

比数列由两个因素确定：首项 $a_1$ 和公比 $r$ 。得知以下任何一项，就可以确定一个等比数列（即求出数列的通项公式）：

1、首项 $a_1$ 和公比 $r$  2、数列前 $n$ 项和 $s(n)$ ，因

为 $s(1)=a_1, s(n)-s(n-1)=a(n)$  3、任意两项 $a(n)$ 和 $a(m)$ ， $n, m$ 为已知数 等比数列的性质：

1、 $a(m)/a(n)=r^{(m-n)}$  2、正整数 $m$ 、 $n$ 、 $p$ 为等差数列时， $a(m)$ 、 $a(n)$ 、 $a(p)$ 是等比数列 3、等比数列的连续 $m$ 项和也是等比数列即 $b(n)=a(n) a(n+1) \dots a(n+m-1)$

构成的数列是等比数列。三、数列的前 $N$ 项和与逐项差 1、如果数列的通项公式是关于 $N$ 的多项式，最高次数为 $P$ ，则数列的前 $N$ 项和是关于 $N$ 的多项式，最高次数为 $P+1$ 。（这与积分

很相似) 2、逐项差就是数列相邻两项的差组成的数列。如果数列的通项公式是关于N的多项式，最高次数为P，则数列的逐项差的通项公式是关于N的多项式，最高次数为P-1。(这与微分很相似) 例子：1, 16, 81, 256, 625, 1296

( $a(n)=n^4$ ) 15,65,175,369,671 50,110,194,302 60,84,108 24,24 从上例看出，四次数列经过四次逐项差后变成常数数列。等比数列的逐项差还是等比数列 四、已知数列通项公式A(N)

，求数列的前N项和S(N)。这个问题等价于求S(N)的通项公式，而 $S(N) = S(N-1) + A(N)$ ，这就成为递推数列的问题。解法是寻找一个数列B(N)，使 $S(N) - B(N) = S(N-1) - B(N-1)$ 从而 $S(N) = A(1) + B(1) - B(N)$ 猜想B(N)的方法：把A(N)当作函数求积分，对得出的函数形式设待定系数，利用 $B(N) - B(N-1) = -A(N)$ 求出待定系数。例题1：求 $S(N) = 2 \cdot 2^2 + 3 \cdot 2^3 + \dots + N \cdot 2^N$  解：S(N)

$= S(N-1) + N \cdot 2^N$  积分得  $(N \cdot \ln 2 - 1) \cdot 2^N / (\ln 2)^2$  因此设 $B(N) = (PN + Q) \cdot 2^N$  则  $(PN + Q) \cdot 2^N - [P(N-1) + Q] \cdot 2^{N-1} = -N \cdot 2^N$   $(P \cdot N + P \cdot Q) / 2 \cdot 2^N = -N \cdot 2^N$  因为上式是恒等式，所以 $P = -2, Q = 2$   $B(N) = (-2N + 2) \cdot 2^N$   $A(1) = 2, B(1) = 0$  因此： $S(N) = A(1) + B(1) - B(N) = (2N - 2) \cdot 2^N$  例题2：A(N) = N \* (N-1) \* (N-2)，求S(N) 解法1：S(N)为N的四次多项式，设： $S(N) = A \cdot N^4 + B \cdot N^3 + C \cdot N^2 + D \cdot N + E$  利用 $S(N) - S(N-1) = N \cdot (N-1) \cdot (N-2)$  解出A、B、C、D、E 解法2： $S(N) / 3! = C(3, 3) + C(4, 3) + \dots + C(N-2, 3) = C(N-3, 4)$   $S(N) = N \cdot (N-1) \cdot (N-2) \cdot (N-3) / 4$  100Test 下载频道开通，各类考试题目直接下载。详细请访问 [www.100test.com](http://www.100test.com)