

高考数学复习：集合与映射专题复习指导 PDF转换可能丢失图片或格式，建议阅读原文

https://www.100test.com/kao_ti2020/450/2021_2022__E9_AB_98_E8_80_83_E6_95_B0_E5_c65_450307.htm 一、集合与简易逻辑

复习导引：这部分高考题一般以选择题与填空题出现。多数题并不是以集合内容为载体，只是用了集合的表示方法和简单的交、并、补运算。这部分题其内容的载体涉及到函数、三角函数、不等式、排列组合等知识。复习这一部分特别请读者注意第1题，阐述了如何审题，第3、5题的思考方法。简易逻辑部分应把目光集中到“充要条件”上。

1. 设集合 $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, S_1, S_2, \dots, S_k 都是 M 的含两个元素的子集，且满足：对任意的 $S_i = \{a_i, b_i\}, S_j = \{a_j, b_j\}, (i \neq j, i, j \in \{1, 2, 3, \dots, k\})$ 都有 $\min\{a_i, b_i\} \neq \min\{a_j, b_j\}$ ($\min\{x, y\}$ 表示两个数 x, y 中的较小者)。则 k 的最大值是 () A. 10 B. 11 C. 12 D. 13

分析：审题是解题的源头，数学审题训练是对数学语言不断加深理解的过程。以本题为例 $\min\{a_i, b_i\} \neq \min\{a_j, b_j\}$ 如何解决？我们不妨把抽象问题具体化！如 $S_i = \{1, 2\}, S_j = \{2, 3\}$ 那么 $\min\{1, 2\} = 1, \min\{2, 3\} = 2$ ， S_i 是 S_j 符合题目要求的两个集合。若 $S_j = \{2, 4\}$ 则与 $S_i = \{2, 4\}$ 按题目要求应是同一个集合。题意弄清楚了，便有 $\{1, 2\}, \{2, 4\}, \{1, 3\}, \{2, 6\}, \{1, 2\}, \{3, 6\}, \{2, 3\}, \{4, 6\}$ 按题目要求是4个集合。 M 是6个元素构成的集合，含有2个元素组成的集合是 $C_6^2 = 15$ 个，去掉4个，满足条件的集合有11个，故选B。

注：把抽象问题具体化是理解数学语言，准确抓住题意的捷径。

2. 设 I 为全集， S_1, S_2, S_3 是 I 的三个非空子集，且 $S_1 \cap S_2 \cap S_3 = \emptyset$

则下面论断正确的是 () (A) $C_I S_1 \cap (S_2 \cap S_3) = \emptyset$
(B) $S_1 \cap (C_I S_2 \cap C_I S_3) = \emptyset$ (C) $C_I S_1 \cap C_I S_2 \cap C_I S_3 = \emptyset$ (D) $S_1 \cap (C_I S_2 \cap C_I S_3) = \emptyset$

分析：这个问题涉及到集合的“交”、“并”、“补”运算。我们在复习集合部分时,应让同学掌握如下的定律:摩根公式 $C_{I(A \cap B)} = C_I(A \cup B)$ $C_{I(A \cup B)} = C_I(A \cap B)$ 这样,选项C中: $C_{I(S_1 \cap S_2 \cap S_3)} = C_I(S_1 \cup S_2 \cup S_3)$ 由已知 $S_1 \cup S_2 \cup S_3 = I$ 即 $C_I(S_1 \cap S_2 \cap S_3) = C_I(I) = \emptyset$ 而上面的定律并不是复习中硬加上的,这个定律是教材练习一道习题的引申。所以,高考复习源于教材,高于教材。这道题的解决,也可用特殊值法,如可设 $S_1 = \{1, 2\}$, $S_2 = \{1, 3\}$, $S_3 = \{1, 4\}$ 问题也不难解决。

3. 是正实数, 设 $S = \{x \mid f(x) = \cos(x)$ 是奇函数 $\}$, 若对每个实数 a , $S \cap (a, a+1)$ 的元素不超过2个, 且有 a 使 $S \cap (a, a+1)$ 含2个元素, 则 a 的取值范围是。

解：由 $f(x) = \cos(x)$ 是奇函数, 可得 $\cos x \cos = 0$, $\cos x$ 不恒为0, $\cos = 0, = k\pi, k \in \mathbb{Z}$ 又 $> 0, = -(k\pi) \cap (a, a+1)$ 的区间长度为1, 在此区间内有且仅有两个角, 两个角之差为: $-(k_1\pi - k_2\pi)$ 不妨设 $k_1 > k_2, k_1, k_2 \in \mathbb{Z}$: 两个相邻角之差为 π 。若在区间 $(a, a+1)$ 内仅有二角, 那么 $\pi - 1 < \pi < \pi + 1$, 注：这是集合与三角函数综合题。

100Test 下载频道开通, 各类考试题目直接下载。详细请访问 www.100test.com